

ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ

ΘΕΜΑ Α

A1. (γ)

A2. (δ)

A3. (α)

A4. (δ)

A5. α) ΛΑΘΟΣ, β) ΣΩΣΤΟ, γ) ΛΑΘΟΣ, δ) ΣΩΣΤΟ, ε) ΛΑΘΟΣ

ΘΕΜΑ Β

B1. Σωστή απάντηση η (i)

$$d_2 = \sqrt{4\lambda_1^2 + 9\frac{\lambda_1^2}{4}} = \sqrt{\frac{25\lambda_1^2}{4}} = \frac{5\lambda_1}{2},$$

$$u = \lambda_1 \cdot f_1, u = \lambda_2 \cdot 2f_1 \rightarrow \lambda_2 = \frac{1}{2}\lambda_1 \rightarrow \lambda_1 = 2\lambda_2$$

$$d_1 = 2\lambda_1 = 4\lambda_2, d_2 = \frac{5\lambda_1}{2} = \frac{10\lambda_2}{2} = 5\lambda_2$$

$$d_2 - d_1 = \lambda_2 = 1 \cdot \lambda \rightarrow \text{ενίσχυση}$$

B2. Σωστή απάντηση η (iii)

$$\Sigma \tau = 0 \rightarrow L_{\text{πριν}} = L_{\text{μετά}} \rightarrow \mu v R = \mu v' R' \rightarrow \omega R^2 = \omega' \left(\frac{R}{2}\right)^2 \rightarrow \omega R^2 = \omega' \frac{R^2}{4} \rightarrow \omega' = 4\omega$$

$$W_F = \Delta K = \frac{1}{2} m v'^2 - \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} m \omega'^2 \left(\frac{R}{2}\right)^2 - \frac{1}{2} m \omega^2 R^2 = \frac{1}{2} m 16\omega^2 \frac{R^2}{4} - \frac{1}{2} m \omega^2 R^2 = \frac{3}{2} m \omega^2 R^2$$

B3. Σωστή απάντηση η (i)

$$4h = u_{\Delta} \cdot t \rightarrow t = \frac{4h}{u_{\Delta}}, h = \frac{1}{2} g t^2 \rightarrow h = \frac{1}{2} g \frac{16h^2}{u_{\Delta}^2} \rightarrow u_{\Delta} = \sqrt{8gh} \rightarrow u_{\Delta} = 2\sqrt{2gh}$$

$$A_{\Gamma} \cdot u_{\Gamma} = A_{\Delta} u_{\Delta} \rightarrow 2 A_{\Delta} u_{\Gamma} = A_{\Delta} u_{\Delta} \rightarrow u_{\Gamma} = \frac{u_{\Delta}}{2} \rightarrow u_{\Gamma} = \sqrt{2gh}$$

$$P_{\Gamma} + \frac{1}{2} \rho u_{\Gamma}^2 + 0 = P_{\Delta} + \frac{1}{2} \rho u_{\Delta}^2 + \rho gh \rightarrow P_{\Gamma} - P_{\Delta} = -\frac{1}{2} \rho u_{\Gamma}^2 + \frac{1}{2} \rho u_{\Delta}^2 + \rho gh \rightarrow$$

$$\rightarrow P_{\Gamma} - P_{\Delta} = -\frac{1}{2} \rho 2gh + \frac{1}{2} \rho 8gh + \rho gh \rightarrow P_{\Gamma} - P_{\Delta} = 4 \rho gh \rightarrow$$

$$\rightarrow P_{\Gamma} - P_{\Delta} = 2\rho \cdot 2gh \rightarrow P_{\Gamma} - P_{\Delta} = 2 \rho u_{\Gamma}^2$$

ΘΕΜΑ Γ

Γ1.

$$f_1 = \frac{u_{HX} - u_1}{u_{HX}} f_s (1)$$

$$u_1 = \omega_1 \Delta l = 2m / s$$

$$\omega_1 = \sqrt{\frac{\kappa}{m_1}} = 5r / s$$

$$\overrightarrow{P_{Ολαρχ}} = \overrightarrow{P_{Ολτελ}} \Leftrightarrow$$

$$m_1 u_1 = (m_1 + m_2) V \Leftrightarrow$$

$$V = 1m / s$$

$$f_2 = \frac{u_{HX} - V}{u_{HX}} f_s (2)$$

$$\frac{f_1}{f_2} = \frac{338}{339}$$

Γ2.

Θ.Ι.

$$\Sigma F = 0$$

Τ.Θ.

$$\Sigma F = -kx - kx \Leftrightarrow$$

$$\Sigma F = -(k+k)x \Leftrightarrow$$

$$\Sigma F = -2kx$$

$$D = 2k$$

Γ3.

$$t = \frac{T'}{4} \quad (1)$$

$$T' = 2\pi \sqrt{\frac{m_1 + m_2}{2k}} = \frac{4\pi}{10} s$$

$$(1) \Rightarrow t = \frac{\pi}{10} s$$

Γ4.

$$\left| \frac{\Delta P}{\Delta t} \right| = |\Sigma F_{\max}| = 2kA' \quad (1)$$

$$\text{ΑΔΕΤ: } \frac{1}{2} 2kA'^2 = \frac{1}{2} (m_1 + m_2) V^2 \Leftrightarrow$$

$$A' = 0,2m$$

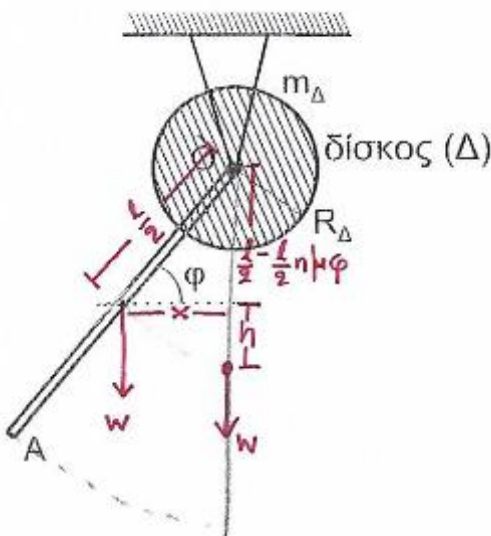
$$(1) \left| \frac{\Delta P}{\Delta t} \right| = |\Sigma F_{\max}| = 20N(kgm/s^2)$$

ΘΕΜΑ Δ

Δ1.

$$I_{ολ(ο)} = I_{δισκου(ο)} + I_{ραβδου(ο)} = I_{δισκου(ο)} + I_{ραβδου(cm)} + \frac{ML^2}{4} = 25 \text{ kg m}^2$$

Δ2.



Η μοναδική δύναμη που έχει ροπή ως προς τον άξονα περιστροφής είναι το βάρος της ράβδου άρα:

$$\left| \frac{dL}{dt} \right| = \Sigma \tau = \tau_{w(\rho\alpha\beta\delta\sigma\upsilon)} = M g x = M g \frac{l}{2} \sigma\upsilon\nu\varphi = 72 \text{ kg} \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2}$$

Δ3.

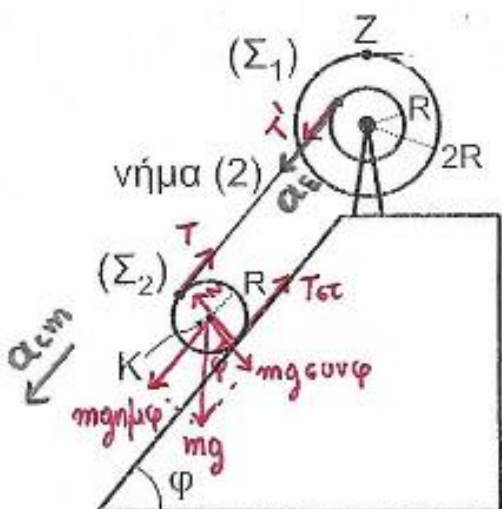
Εφαρμόζοντας ΘΜΚΕ για το σύστημα ράβδος-δίσκος έχουμε

$K_{τελ} - K_{αρχ} = Ww \xrightarrow{K_{αρχ}=0} K_{τελ} = M g h$ (1), όπου h η κατακόρυφη απόσταση που διανύει το σημείο εφαρμογής του βάρους της ράβδου.

Ισχύει ότι $h = \frac{l}{2} - \frac{l}{2} \eta \mu \varphi = 0,3m$

Άρα από τη σχέση (1) παίρνουμε ότι $K_{τελ}=24J$

Δ4.



Για το σώμα m:



$$\Sigma F_x = ma_{cm} \Rightarrow mgh\mu\phi - T - T\sigma\tau = ma_{cm} \quad (1)$$

$$\Sigma \tau = I\alpha_{γων} \Rightarrow T_{\sigma\tau}R - TR = \frac{1}{2}mR^2 \alpha_{γων} \Rightarrow T_{\sigma\tau} - T = \frac{1}{2}ma_{cm} \quad (2)$$

Προσθέτοντας κατά μέλη τις (1) και (2) παίρνουμε:

$$mgh\mu\phi - 2T = \frac{3}{2}ma_{cm} \quad (3)$$

Για την τροχαλία έχουμε:

$$\Sigma \tau = I_{τροχ} \alpha_{γων} \Rightarrow T'R = I_{τροχ} \alpha_{γων} \text{ και επειδή } \alpha_{τροχ}^{επ} = \alpha_{γων}R$$

$$\text{παίρνουμε ότι } T' = \frac{\alpha_{τροχ}^{επ} I_{τροχ}}{R^2}$$

Όμως η επιτρόχιος επιτάχυνση της τροχαλίας στην ακτίνα R ισούται με την επιτάχυνση του ανώτερου σημείου του κυλίνδρου λόγω του νήματος.

$$\text{Δηλαδή } \alpha_{τροχ}^{επ} = 2\alpha_{cm}$$

$$\text{Τελικά για την } T' \text{ έχουμε ότι } T' = \frac{2\alpha_{cm} I_{τροχ}}{R^2} \quad (4)$$

$$\text{Από τις σχέσεις (3) και (4) θεωρώντας } T'=T \text{ παίρνουμε ότι } \alpha_{cm} = 1m/s^2$$

$$\text{Για την κίνηση του κυλίνδρου έχουμε } S = \frac{1}{2}a_{cm} t^2 \Rightarrow t = 2sec$$

$$\text{Άρα τελικά } v_{cm} = a_{cm} t = 2m/s$$

Επιμέλεια απαντήσεων: Χρήστος Φίλιος, Γιώργος Δρακόπουλος, Γιώργος Ποθητάκης, Λάμπρος Τσιουρής

νέο φροντιστήριο